

3. UČENIK UME DA KORISTI BROJEVE I BROJEVNE IZRAZE U REALNIM SITUACIJAMA

Primer 1.

Od 18 belih ruža, 45 žutih ruža i 72 crvene ruže napravljen je najveći mogući broj buketa sa istim brojem ruža svih boja. Ako je cena jedne bele ruže 50 dinara, žute 60 dinara a crvene 70 dinara, odrediti koliko košta jedan buket i koliki je najveći mogući broj buketa.

Rešenje:

Da bi pronašli koliko ima buketa, nadjemo NZD za brojeve 18,45,72.

$$\begin{array}{c|c} 18, 45, 72 & 3 \\ 9, 15, 24 & 3 \\ \hline 3, 5, 8 & \\ \hline \end{array}$$

NZD(18,45,72)=3*3=9

Otkrili smo da ima ukupno 9 buketa.

Koliko od koje vrste ruža ide u jedan buket ?

$$\begin{array}{c|c} 18, 45, 72 & 3 \\ 9, 15, 24 & 3 \\ \hline 3, 5, 8 & \\ \hline \end{array}$$

bele ruže žute ruže crvene ruže

Znači da buket sadrži : 3 bele ruže, 5 zute ruže i 8 crvene ruže.

Koliko je cena jednog buketa?

Obeležimo cenu jednog buketa sa x .

$$x = 3 \cdot 50 + 5 \cdot 60 + 8 \cdot 70$$

$$x = 150 + 300 + 560$$

$$x = 1100 \text{ din}$$

Primer 2.

U prvi razred jedne škole upisana su 182 učenika. Od njih je formirano nekoliko odeljenja sa jednakim brojem učenika. Koliko je odeljenja formirano ako se zna da u odeljenju ne može biti manje od 24 ni više od 30 učenika?

Rešenje:

Prvo da razmislimo o drugoj rečenici : “u odeljenju ne može biti manje od 24 ni više od 30 učenika”.

Ako sa x obeležimo broj učenika u odeljenju , ovo znači da je $24 \leq x \leq 30$.

Dalje broj 182 rastavimo na činioce:

182	2
91	7
13	13
1	

Dakle , imamo da je $182 = 2 \cdot 7 \cdot 13$

Sad od ova tri broja , množenjem po dva trebamo pronaći broj koji zadovoljava $24 \leq x \leq 30$

$2 \cdot 7 = 14 \rightarrow$ Ne odgovara

$13 \cdot 7 = 91 \rightarrow$ Ne odgovara

$2 \cdot 13 = 26 \rightarrow$ Odgovara

Zaključujemo da će u svakom odeljenju biti po 26 učenika!

A koliko će biti odeljenja, izračunaćemo $182 : 26 = 7$

Biće znači 7 odeljenja sa po 26 učenika.

Primer 3.

Na rođendanskoj proslavi je na stolu bilo postavljeno 24 limenke soka i 16 parčeta torte. Koliko je dece bilo na proslavi ako se zna da je svako dete pojelo isti broj parčeta torte i popilo isti broj sokova.

Rešenje:

24, 16	2
12, 8	2
6, 4	2
3, 2	

$$\text{NZD}(24,16)=2^2 \cdot 2=8$$

Na rođendanskoj proslavi je bilo 8 deteta, svako je popilo 3 soka i pojelo 2 parčeta torte!

Primer 4.

Milica je pročitala dve trećine od jedne četvrtine knjige a Milutin jednu polovinu od jedne trećine knjige.

Ko je od njih pročitao veći deo knjige ?

Rešenje:

Još jednom da se podsetimo: reč **od** menjamo sa operacijom **množenje!**

$$\text{Milica: } \frac{2}{3} \text{ od } \frac{1}{4} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} = \boxed{\frac{1}{12}}$$

$$\text{Milutin: } \frac{1}{2} \text{ od } \frac{1}{3} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \boxed{\frac{1}{6}}$$

Zaključujemo da su Milica i Milutin pročitali **isti** deo knjige.

Primer 5.

Kroz jednu cev bazen se može napuniti za 8 sati, a kroz drugu cev za 12 sati. Za koliko sati će se napuniti bazen ako se istovremeno puni kroz obe cevi?

Rešenje:

Razmišljamo ovako:

Koji deo bazena se napuni za 1 sat kroz prvu cev a koji deo bazena se napuni za 1 sat kroz drugu cev!

Kroz prvu cev se za 1 sat napuni $\frac{1}{8}$ bazena.

Kroz drugu cev se za 1 sat napuni $\frac{1}{12}$ bazena.

Sad izračunamo koji deo bazena se napuni za 1 sat ako cevi pune istovremeno:

$$\frac{1}{8} + \frac{1}{12} = \frac{1}{8} \stackrel{(*3)}{=} \frac{3}{24} + \frac{1}{12} \stackrel{(*2)}{=} \frac{2}{24} = \frac{5}{24}$$

Ovo smo našli da se za 1 sat napuni $\frac{5}{24}$ bazena.

Vreme da se napuni ceo bazen ćemo naći kao recipročnu vrednost ovog broja:

$$\frac{24}{5} = 4\frac{4}{5} = 4 \text{ sata i } \frac{4}{5} \text{ sata .}$$

Sad razmišljamo koliko je $\frac{4}{5}$ sata . Jedna petina sata je $60:5=12$ a $\frac{4}{5}$ sata su onda $4*12=48$ minuta

Dakle, konačno rešenje je 4 sata i 48 minuta.

Za one koji žele da ovaj zadatak rešavaju direktni preko jednačine, postavka bi bila:

Obeležimo sa x traženo vreme. Onda je :

$$\left(\frac{1}{8} + \frac{1}{12} \right) \cdot x = 1$$

$$\frac{5}{24} \cdot x = 1$$

$$x = 1 : \frac{5}{24}$$

$$x = 1 \cdot \frac{24}{5}$$

$$x = \frac{24}{5}$$

$$x = 4\frac{4}{5} h$$

$$x = 4 \text{ sata i } 48 \text{ min}$$